

الفصل الدراسي الثاني
دور مايو ٢٠١٤
المادة: تحليل حقيقي (٢١١)
الزمن: ساعتان
التاريخ: الاثنين ٢٠١٤/٦/٢

المستوى الثاني
برنامجي: الرياضيات - الإحصاء
وعلوم الحاسوب



جامعة المنصورة
كلية العلوم
قسم الرياضيات

أجب عن الأسئلة الآتية: (٨٠ درجة)

السؤال الأول: (٣١ درجة)

(أ) اختر الأجابات الصحيحة مما بين القوسين (١٥ درجة)

(١) المتتابعة $\{u_n\}_{n=1}^{\infty} = \left\{1, \frac{1}{2}, 3, \frac{1}{4}, 5, \frac{1}{6}, \dots\right\}$ تكون:

محدودة - غير محدودة - محدودة من أسفل - محدودة من أعلى).

(٢) إذا كانت المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} u_n = L$ حيث $L < \infty$ ، فإن المتتابعة $\left\{\sum_{r=1}^n u_r\right\}_{n=1}^{\infty}$ تكون:

محدودة - تقاريبية - غير محدودة - تباعدية).

(٣) المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} \log\left(1 + \frac{1}{n}\right)$ تكون:

محدودة - تقاريبية - غير محدودة - تباعدية).

(٤) إذا كان $\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n = \liminf_{n \rightarrow \infty} a_n = L$ فإن المتتابعة $\{a_n\}_{n=1}^{\infty}$ تكون:

محدودة - تقاريبية - غير محدودة - تباعدية).

(٥) إذا كان $\limsup_{n \rightarrow \infty} \sum_{r=1}^n u_r \leq \liminf_{n \rightarrow \infty} \sum_{r=1}^n u_r = L$ فإن المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$ تكون:

محدودة - تقاريبية - غير محدودة - تباعدية).

(ب) حدد أي من العبارات الآتية صحيحة وأيها خاطئة مع ذكر السبب لثلاث فقط: (١٦ درجة)

(١) الشرط الضروري والكافي لكي تكون المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$ تباعدية هو $\lim_{n \rightarrow \infty} u_n = L \neq 0$.

(٢) إذا كانت المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} v_n$ تباعدية فإن المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$ تكون تقاريبية.

(٣) الشرط الضروري والكافي لكي تكون المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$ تباعدية هو أن المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{u_n}$ تكون تباعدية.

(٤) مجموع المتسلسلة التقاريبية يكون وحيد.

(٥) المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin n\theta}{n^p}$ تكون مطلقة التقارب عندما $p > 1$ حيث θ اختيارية.

السؤال الثاني: (٢٤ درجة) (أجب عن أربع نقاط فقط مما يأتي) (كل جزء ٦ درجات)

(١) إذا كانت $x_n \geq 0$ لكل $n \in \mathbb{N}$ وكانت $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{x_n} = \sqrt{x}$ فإثبت أن $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = x$.

(٢) أذكر وبرهن اختبار كوشى للتقارب (القاعدة العامة للتقارب للمتسلسلات).

(٣) أذكر وبرهن اختبار المقارنة للتقارب للمتسلسلات موجبة الحدود.

(٤) إثبت أن المتسلسلة مطلقة التقارب تكون تقاريبية. هل العكس صحيح؟

(٥) بإستخدام اختبار التكامل أثبت أن المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^p}$ تكون تقاريبية إذا كانت $1 < p$ وتباعديه إذا كانت $p \leq 1$.

السؤال الثالث: (٢٥ درجة)

(١) ادرس التقارب والتباين للمتسلسلات الآتية (كل جزء ٥ درجات):-

$$\sum_{n=0}^{\infty} 2^{-n-(-1)^n} \quad (\text{ج})$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n(x-1)^n}{2^n(3n-1)} \quad (\text{ب})$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3n + \sin n}{n(1+e^{-n})} \quad (\text{ج})$$

(٢) إدرس تقارب وتباعد المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \frac{2n+1}{n(n+1)}$ وأوجد مجموعها إن وجد. (١٠ درجات)

د. عاطف المهدى

انتهت الأسئلة ... مع تمنياتي بالنجاح والتفوق ...

الفصل الدراسي الثاني
دور مايو ٢٠١٤
المادة: تحليل حقيقي (٢١١)
الزمن : ساعتان
التاريخ: الاثنين ٢٠١٤/٦/٢

المستوى الثاني
برنامجي: الرياضيات - الإحصاء
وعلوم الحاسوب



أجب عن الأسئلة الآتية: (٨٠ درجة)

السؤال الأول: (٣١ درجة)

(أ) اختر الأجابات الصحيحة مما بين القوسين (١٥ درجة)

(١) المتتابعة $\{u_n\}_{n=1}^{\infty} = \left\{1, \frac{1}{2}, 3, \frac{1}{4}, 5, \frac{1}{6}, \dots\right\}$ تكون:

محدودة - غير محدودة - محدودة من أسفل - محدودة من أعلى).

(٢) إذا كانت المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} u_n = L$ حيث $L < \infty$, فإن المتتابعة $\left\{\sum_{r=1}^n u_r\right\}_{n=1}^{\infty}$ تكون:

محدودة - تقاربية - غير محدودة - تباعدية).

(٣) المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} \log\left(1 + \frac{1}{n}\right)$ تكون:

محدودة - تقاربية - غير محدودة - تباعدية).

(٤) إذا كان $\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n = \liminf_{n \rightarrow \infty} a_n = L$ فإن المتتابعة $\{a_n\}_{n=1}^{\infty}$ تكون:

محدودة - تقاربية - غير محدودة - تباعدية).

(٥) إذا كان $L = \limsup_{n \rightarrow \infty} \sum_{r=1}^n u_r \leq \liminf_{n \rightarrow \infty} \sum_{r=1}^n u_r$ فإن المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$ تكون:

محدودة - تقاربية - غير محدودة - تباعدية).

(ب) حدد أي من العبارات الآتية صحيحة وأيها خاطئة مع ذكر السبب لثلاث فقط: (١٦ درجة)

(١) الشرط الضروري والكافي لكي تكون المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$ تباعدية هو $\lim_{n \rightarrow \infty} u_n = L \neq 0$.

(٢) إذا كانت المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$ تقاربية فإن المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} v_n$ تكون تقاربية حيث $v_n = \left(\frac{n+1}{n}\right) u_n$.

(٣) الشرط الضروري والكافي لكي تكون المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$ تقاربية هو أن المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{u_n}$ تكون تباعدية.

(٤) مجموع المتسلسلة التقاربية يكون وحيد.

(٥) المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin n\theta}{n^p}$ تكون مطلقة التقارب عندما $p > 1$ حيث θ اختيارية.

السؤال الثاني: (٢٤ درجة) (أجب عن أربع نقاط فقط مما يأتى) (كل جزء ٦ درجات)

- (١) إذا كانت $x_n \geq 0$ لكل $n \in \mathbb{N}$ وكانت $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = x$ فإثبت أن $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{x_n} = \sqrt{x}$.
- (٢) أذكر وبرهن اختبار كوشى للتقارب (القاعدة العامة للتقارب للمتسلسلات).
- (٣) أذكر وبرهن اختبار المقارنة للتقارب للمتسلسلات موجبة الحدود.
- (٤) إثبّت أن المتسلسلة مطلقة التقارب تكون تقاريبية. هل العكس صحيح؟
- (٥) باستخدام اختبار التكامل أثبت أن المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^p}$ تكون تقاريبية إذا كانت $p > 1$ وتباعديه إذا كانت $p \leq 1$.

السؤال الثالث: (٢٥ درجة)

- (١) ادرس التقارب والتباعد للمتسلسلات الآتية (كل جزء ٥ درجات):-

$$\sum_{n=0}^{\infty} 2^{-n-(-1)^n} \quad (\text{ج})$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n(x-1)^n}{2^n(3n-1)} \quad (\text{ب})$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3n + \sin n}{n(1+e^{-n})} \quad (\text{أ})$$

- (٢) ادرس تقارب وتباعد المتسلسلة $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \frac{2n+1}{n(n+1)}$ وأوجد مجموعها إن وجد.

د. عاطف المهدى

انتهت الأسئلة ... مع تمنياتى بالنجاح والتفوق ...

دو رمايو : 2014 الزمن : ساعتان التاريخ : 2014/6/9	 كلية العلوم - قسم الرياضيات	المستوى: الثاني المقرر: هندسة تحليلية في الفراغ كود المادة: (218) البرامج: رياضيات - إحصاء وحاسب
---	---	---

الدرجة الكلية: 80 درجة

أجب عن الأسئلة الآتية:

[1] أ) اوجد المعادلات البارامترية لخط تقاطع المستويين : $2x + 3y + z - 8 = 0$ ، $4x + 3y - z = 6$. واجد الزوايا التي يصنعها هذا المستقيم مع محاور الاحداثيات .

(10 درجات)

ب) حدد ما اذا كانت النقطة $(-1, 3, 2)$ تقع داخل او خارج الكرة

$$x^2 + y^2 + z^2 - 4x + 6y - 8z + 22 = 0 \quad \text{ثم اوجد اقصر مسافة بين هذه النقطة والكرة.}$$

(10 درجات)

[2] أ) اثبت أن المستقيمين $\frac{x-2}{1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-4}{-1}$ ، $\frac{x-3}{-1} = \frac{y-4}{-2} = \frac{z}{1}$ متوازيان . واجد المسافة بينهما و معادلة المستوى الذي يحتويهما

(12 درجة)

ب) اوجد معادلة المخروط الذي رأسه النقطة $(-1, 2, 3)$ و قاعدته المنحنى

$$x^2 + y^2 - 4x - 3y + 6 = 0 , z = 2$$

(8 درجات)

[3] أ) اوجد معادلة المستوى المار بخط تقاطع المستويين $x + y + z - 3 = 0$ ، $2x + y - z + 1 = 0$. وعمودي على المستوى .

(10 درجات)

ب) اثبت ان المستوى $2x - 2y + z - 28 = 0$ يمس الكرة

$$x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y - 6z - 67 = 0 \quad \text{واوجد نقطة التماس}$$

(10 درجات)

[4] أ) اوجد مسقط النقطة $(1, -1, 3)$ على المستوى $x + 2y + z + 6 = 0$ ثم اوجد معادلة مسقط

المستقيم $\frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z-3}{4}$ على هذا المستوى .

ب) اوجد مركز ونصف قطر الدائرة

$$x^2 + y^2 + z^2 - 4x + 4y - 2z - 7 = 0 , 2x + 2y + z - 9 = 0$$

ثم اوجد معادلة الكرة التي فيها هذه الدائرة دائرة عظمى .

د/ عواطف شاهين

مع أطيب التمنيات بالنجاح

المادة : احصاء واحتمالات
المستوى الثاني-احصاء وعلوم حاسب
الزمن: ساعتان

جامعة المنصورة
كلية العلوم
قسم الرياضيات

امتحان دور مایو - للفصل الدراسي الثاني 2013/2014

أجب عن الأسئلة الآتية: (الدرجة الكلية 80 درجة)

السؤال الأول:

أ- التوزيع التالي يمثل أوزان عينة من الطلاب (kg) في إحدى الكليات: (15 درجة)

الفئات	65-	70-	75-	80-	85-	90-	95-
التكرار	10	18	22	30	25	20	15

أوجد (i) عدد الطلاب الذين يقل وزنهم عن 78 kg بيانيا.

(ii) الوسيط للتوزيع وحق الناتج بيانيا.

(iii) الانحراف المعياري ومعامل الالتواء للتوزيع وبين نوعه

ب- اذا كان X متغير عشوائي يتبع التوزيع الطبيعي بتوقع μ وانحراف معياري σ فاثبت ان $Z = \frac{(X - \mu)}{\sigma}$ يتبع التوزيع الطبيعي القياسي . (5 درجات)

السؤال الثاني:

أ- أثبت أنه لأي حدثنين $A_1, A_2 \subset S$ وكان $A_1 \subseteq A_2$ فإن $P(A_1) \leq P(A_2)$. (5 درجات)

ب- إذا كان احتمال عدم اصابة الرامي الهدف هو 0.2 فإذا أطلق الرامي نحو الهدف 12 مرة . أوجد (15 درجة)

(i) احتمال أن يصيب الرامي الهدف على الأقل مرتين.

(ii) احتمال أن يصيب الرامي الهدف لأول مرة في المرة السادسة.

(iii) عدد المرات التي يجب أن يطلقها الرامي نحو الهدف لكي يكون احتمال لا يصيب الهدف مساوياً 0.0001 أو أقل.

السؤال الثالث:

أ- اذا كان A, B حدثان مستقلان. أثبت أن $A^c, B^c, A^c \cap B^c$ مستقلان. (6 درجات)

ب- أثبت ان توزيع ذات الحدين يؤول الى توزيع بواسون عندما $p \rightarrow 0, n \rightarrow \infty$. (7 درجات)

ج- اذا كان X متغير عشوائي يأخذ القيم 1, 0, -1 فقط وكان $P(X=1)=\frac{1}{2}, P(X=0)=\frac{1}{6}$. أوجد (7 درجات)

(7 درجات)

السؤال الرابع:

(أ) القيمة زهرتى نرد معا. اذا كان X متغير عشوائي بحيث يخصص لكل نقطة (a, b) من فضاء العينة S القيمة الصغرى للعددين أي أن $X(a, b) = \min(a, b)$. أوجد دالة التوزيع للمتغير العشوائي X والتوقع والتبابن له. (7 درجات)

(ب) إذا كان X متغير عشوائي يتبع التوزيع المنتظم. أثبت أن $E(X) = \frac{(b-a)}{12}$. (7 درجات)

(ج) اذا كان a و b وكانت $E(X) = a$ و $E(X^2) = b$. أوجد

$$i) E\left(\frac{Y-2}{3}\right), \quad ii) Var(5Y+2). \quad (6 \text{ درجات})$$

أ. د. بيه الدسوقي

تهنئاتى بال توفيق.

دور مايو ٢٠١٤		الفرقة : الثانية الشعبة : الرياضيات - الإصدار والعلوم الأساسية المادة : معكاظ (٢) / CCR
الزمن : ساعتان التاريخ : ٢٠١٤/٦/١٠	كلية العلوم - قسم الرياضيات	درجة كل سؤال ٢١ درجة (الدرجة الكلية ١٠٥)

أجب عن الأسئلة الآتية :

السؤال الأول : (٢٠ درجة)

ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (X) أمام العبارة الخطأ مع تصحيح الخطأ:

- () إذا تحرك جسم على المنحنى $r = at$, $\theta = \ln t$ فإن سرعته تكون ثابتة وتساوي $\sqrt{2}a$.
- () إذا تحرك جسم على منحنى بسرعة مقدارها ثابت فإن متجه عجلتها يتلاشى.
- () إذا كانت معادلة ذبذبة صغيره لجسم على مساره تمثل بالمعادلة $az = \ddot{z}$ فإن الحركة تكون مستقرة إذا كانت $a < 0$.
- () تحدث ظاهرة الرنين عندما يؤثر على جسم قوه دورية ترددتها عالي جدا.
- () لأي مسار مركزي لا يوجد أكثر من بعدين قبويين .
- () تتحرك الكواكب حول الشمس بسرعات مساحية ثابتة
- () الكمية المكونة من حاصل ضرب القصور الذاتي لجسم X مربع السرعة الزاوية لها وحدات طاقة.
- () القبا (الأبس) هي نقطة على المسار المركزي يكون عندها اتجاه السرعة للجسم في اتجاه الخط القطبي.
- () إذا تحرك جسم على مستوى خشن تدرجيه ، فإن الاحتكاك يكون نهائيا وفي عكس اتجاه نقطة التماس.
- () إذا تحرك جسم على مستوى خشن انزلاقية فيكون اتجاه الاحتكاك ضد اتجاه حركة الجسم.

السؤال الثاني : (٢٠ درجة)

- () يتحرك جسم كتلته m على محور x ، تحت تأثير قوة mn^2x تتجه دائما نحو نقطة الأصل 0 . حيث x بعد الجسم عن النقطة 0 . وكذلك يؤثر على الجسم قوة دورية مقدارها $mQ\cos\frac{n}{2}t$. إذا بدأ الجسم حركته من سكون من النقطة 0 . أوجد بعد الجسم وسرعته عند أي لحظة زمانية t . (١٠ درجات)
- () ثبت سلك أملس على شكل سيكليوид في مستوى رأسيا بحيث كان محوره رأسيا ورأسه إلى أعلى. ينزلق جسم خارج السلك مبتدئا من سكون من نقطة قريبة جدا من رأس السيكليويد. أثبت أن الجسم يترك السلك عندما تصنع حركته زاوية $4/\pi$ مع الأفقى (١٠ درجات)

بقية الأسئلة في الخلف

السؤال الثالث : (٢٠ درجة)

أ) عرف القوة المركزية - المسار المركزي - استنتج المعادلة التفاضلية للمسار المركزي وكذلك سرعة الجسم على المسار المركزي .
(١٠ درجات)

ب) يتحرك جسم كتلته m في مسار مركزي تحت تأثير قوة جذب مقدارها $6k[au^4 - a^2u^5]$ لوحدة الكتل. إذا قذف الجسم من قبا على بعد $a/3$ من مركز الجذب 0 بسرعة مقدارها $\sqrt{k/3a}$. أوجد معادلة المسار المركزي وكذلك الأبعاد القبوية.
(١٠ درجات)

السؤال الرابع : (٢٠ درجة)

أ) قضيب ثقيل ومنتظم طوله $2a$ وكتلته M ، يستطيع أن يدور في مستوى رأسيا حول محور أفقي مار بأحد طرفيه 0 . إذا كان القضيب في البداية رأسيا أسفل 0 وأعطى سرعة زاوية مقدارها $\sqrt{g/a}$. أثبت أن القضيب لا يمكن أن يصعد رأسيا فوق 0 . أوجد رد فعل المحور على القضيب عندما تنعدم سرعته ، وكذلك طاقة حركته عند اي موضع.
(١٠ درجات)

ب) كرة مصنمة متجانسة نصف قطرها a وتدور حول قطر أفقي فيها بسرعة زاوية ω_0 . إذا وضعت الكرة برفق على مستوى خشن معامل احتكاكه m . أثبت أن الحركة تبدأ بانزلاق لزمن مقداره $(2a\omega_0/7\mu g)$ ، وبعد ذلك تتدحرج الكرة بسرعة زاوية مقدارها $7\omega_0/2$.
(١٠ درجات)

مع أطيب التمنيات بالتوفيق

أ. د. مجدى الياس فارس